

# TABLE DES MATIÈRES

<b>Introduction</b> .....	1
0.1. Objectifs du manuscrit.....	4
0.2. Organisation du texte.....	6
0.3. Applications.....	13
0.4. Prérequis.....	17
0.5. Remerciements.....	18
<b>1. Préliminaires et rappels</b> .....	19
1.1. Spectre analytique d'un anneau de Banach.....	20
1.2. Espace affine analytique sur un anneau de Banach.....	30
1.3. Parties rationnelles et spectralement convexes.....	35
1.4. Disques, couronnes et domaines polynomiaux.....	38
1.5. Bases de voisinages.....	46
1.6. Résultats locaux.....	52
<b>2. Catégorie des espaces analytiques : définitions</b> .....	65
2.1. Catégorie des espaces $\mathcal{A}$ -analytiques.....	66
2.2. Catégorie des espaces analytiques au-dessus de $\mathcal{A}$ .....	74
2.3. Immersions d'espaces analytiques.....	77
<b>3. Quelques résultats topologiques sur les anneaux de fonctions analytiques</b> .....	83
3.1. Normes sur les quotients.....	84
3.2. Division de Weierstraß avec contrôle sur les normes.....	93

3.3. Fermeture des idéaux du faisceau structural.....	103
<b>4. Catégorie des espaces analytiques : propriétés.....</b>	<b>117</b>
4.1. Analytification de schémas.....	118
4.2. Extension des scalaires.....	122
4.3. Produits fibrés.....	125
4.4. Morphismes propres.....	130
4.5. Parties spectralement convexes.....	132
4.6. Morphismes séparés.....	138
<b>5. Étude des morphismes finis.....</b>	<b>143</b>
5.1. Définition et premières propriétés.....	144
5.2. Images directes des faisceaux cohérents.....	146
5.3. Stabilité des morphismes finis.....	152
5.4. Changement de base fini.....	154
5.5. Nullstellensatz de Rückert.....	159
5.6. Critères d'ouverture de morphismes finis.....	166
<b>6. Structure locale des espaces analytiques.....</b>	<b>171</b>
6.1. Décomposition locale des espaces analytiques en composantes irréductibles.....	172
6.2. Un critère d'ouverture.....	175
6.3. Normalisation de Noether locale.....	176
6.4. Dimension locale d'un espace analytique.....	179
6.5. D'un schéma à son analytifié : premières propriétés.....	182
6.6. D'un schéma à son analytifié : platitude et conséquences.....	186
<b>7. Propriétés topologiques des espaces analytiques.....</b>	<b>195</b>
7.1. Espaces élastiques.....	195
7.2. Connexité par arcs locale.....	202
7.3. Dimension topologique.....	212
<b>8. Espaces de Stein.....</b>	<b>219</b>
8.1. Systèmes de Cousin-Runge.....	221
8.2. Théorèmes A et B sur les polydisques fermés relatifs.....	245
8.3. Affinoïdes surconvergentes.....	253
8.4. Quelques compléments.....	257

8.5. Théorème B sur certains ouverts.....	260
8.6. Noethérianité d'anneaux de séries arithmétiques convergentes.....	266
<b>Bibliographie.....</b>	<b>273</b>
<b>Index.....</b>	<b>279</b>
<b>Liste des notations.....</b>	<b>283</b>